

Gabarito da Segunda Lista de Exercícios de Macroeconomia – 2005/1

1º Questão:

Da equação da LM, temos : $i = \frac{1}{\alpha}(\psi y^d - \bar{l})$ (1)

Substituindo (1) na curva IS, obtemos a seguinte expressão após os necessários algebrismos:

$$y^d = \left(\frac{\alpha \beta_0}{\alpha + \beta_1 \psi} \right) + \left(\frac{\beta_1}{\alpha + \beta_1 \psi} \right) \bar{l} + \left(\frac{\alpha \beta_1}{\alpha + \beta_1 \psi} \right) \pi^e \quad (2)$$

De (2), podemos concluir que:

$$\frac{\partial y^d}{\partial l} = \frac{\beta_1}{\alpha + \beta_1 \psi} > 0 \quad (2a) \quad \frac{\partial y^d}{\partial \pi^e} = \frac{\alpha \beta_1}{\alpha + \beta_1 \psi} > 0 \quad (2b)$$

Sendo assim, podemos escrever a demanda agregada no formato de função implícita, tal como se segue abaixo:

$$y^d = y^d(\bar{l}, \pi^e) \quad (2c)$$

No equilíbrio de longo-prazo, temos que: $\dot{y} = \dot{\pi}^e = 0$

Dessa forma, na equação de ajuste de expectativas temos que: $\pi = \pi^e$ (3)

Substituindo (3) na equação de curva de Phillips temos que: $y = \bar{y}$ (4)

Substituindo (4) e (3) em (2), temos após os algebrismos necessários que:

$$\pi^* = \left(\frac{\alpha + \beta_1 \psi}{\alpha \beta_1} \right) \bar{y} - \left(\frac{\beta_0}{\beta_1} \right) - \left(\frac{1}{\alpha} \right) \bar{l} \quad (5)$$

De (5), temos que:

$$\frac{\partial \pi^*}{\partial \bar{l}} = -\frac{1}{\alpha} < 0 \quad (5a)$$

Ou seja, um aumento da oferta real de moeda irá resultar numa redução da taxa de inflação de equilíbrio de longo-prazo.

Intuição do resultado: Se a oferta real de moeda aumenta então para que o equilíbrio no mercado monetário seja restabelecido é necessário que a demanda real de moeda também aumente. Como a renda está constante ao nível do produto potencial, então se faz necessário uma redução da taxa nominal de juros para que o custo de oportunidade de retenção da moeda se reduza e, dessa forma, os indivíduos se sintam estimulados a reter uma quantidade maior de moeda em termos reais. Como a taxa real de juros está determinada pela curva IS em conjunto com o produto potencial, então a única forma de reduzir a taxa nominal de juros é por intermédio de uma redução da taxa de inflação.

Análise de Estabilidade do modelo.

O sistema de equações dinâmicas é dado por:

$$\dot{y} = v[y^d(l, \pi^e) - y] \quad (6)$$

$$\dot{\pi}^e = \theta[\mu(y - \bar{y})] \quad (7)$$

Linearizando o sistema no entorno de sua posição de equilíbrio de longo-prazo, temos:

$$\dot{y} = v \left(\frac{\alpha\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi} \right) (\pi^e - \pi_0^e) - v.1.(y - y_0) \quad (6a)$$

$$\dot{\pi}^e = \theta\mu(y - y_0) \quad (7a)$$

Escrevendo o sistema em forma matricial, temos:

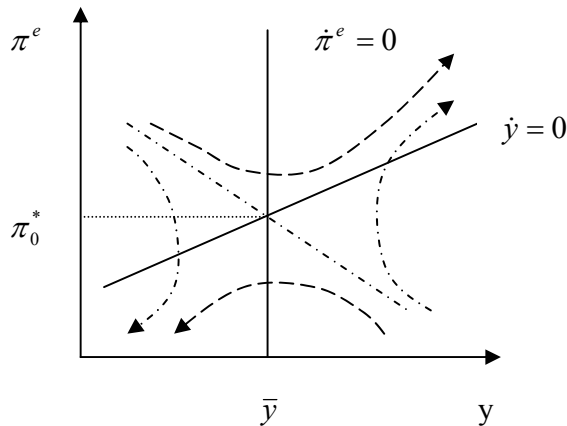
$$\begin{vmatrix} \dot{y} \\ \dot{\pi}^e \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} -v & v \left(\frac{\alpha\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi} \right) \\ \theta\mu & 0 \end{vmatrix} \begin{vmatrix} y - y_0 \\ \pi^e - \pi_0^e \end{vmatrix} \quad (8)$$

$$\text{Tr } |J| = -v < 0$$

$$\text{Det } |J| = -\theta\mu v \left(\frac{\alpha\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi} \right) < 0$$

O sistema é instável do tipo trajetória de sela.

Diagrama de Fases:



2º Questão:

No equilíbrio de longo-prazo temos que $\dot{l} = 0$, logo: $\Theta = \pi$ (9)

Continua sendo verdade que: $y = \bar{y}$ e $\pi = \pi^e$.

Uma diferença importante com respeito ao caso anterior é que agora a oferta real de moeda é uma variável endógena. Dessa forma, substituindo (9) em (5), temos após os algebrismos necessários que:

$$l^* = \left(\frac{\alpha + \beta_1 \psi}{\beta_1} \right) \bar{y} - \left(\frac{\alpha \beta_0}{\beta_1} \right) - \alpha \Theta \quad (10)$$

A diferença entre os dois casos é que no caso anterior a taxa de inflação de equilíbrio de longo-prazo dependia não só da política monetária como também do produto potencial da economia, da sensibilidade juro da demanda de moeda e da sensibilidade juro da demanda de investimento. No segundo caso (regra de Friedman) a taxa de inflação depende apenas da taxa de crescimento da oferta de moeda, sendo totalmente controlada pela política monetária (âncora nominal).

O sistema de equações diferenciais para a análise de estabilidade é dado por:

$$\dot{y} = v[y^d(l, \pi^e) - y] \quad (11)$$

$$\dot{\pi}^e = \theta\mu(y - \bar{y}) \quad (12)$$

$$\frac{\dot{l}}{l} = [\Theta - \mu(y - \bar{y}) - \pi^e] \quad (13)$$

Linearizando o sistema no entorno da posição de equilíbrio de longo-prazo, temos:

$$\dot{y} = v\left(\frac{\partial y^d}{\partial l}\right)(l - l_0) + v\left(\frac{\partial y^d}{\partial \pi^e}\right)(\pi - \pi_0^e) - v(y - y_0) \quad (11a)$$

$$\dot{\pi}^e = \theta\mu(y - y_0) \quad (12a)$$

$$\frac{\dot{l}}{l} = -\mu(y - y_0) - (\pi^e - \pi_0^e) \quad (13a)$$

Escrevendo o sistema na forma matricial, temos:

$$\begin{pmatrix} \dot{y} \\ \dot{\pi}^e \\ \frac{\dot{l}}{l} \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} -v & v\left(\frac{\partial y^d}{\partial l}\right) & v\left(\frac{\partial y^d}{\partial \pi^e}\right) \\ \theta\mu & 0 & 0 \\ -\mu & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{pmatrix} y - y_0 \\ \pi^e - \pi_0^e \\ l - l_0 \end{pmatrix} \quad (14)$$

A equação característica associada ao sistema acima é dada por:

$$\lambda^3 + v\lambda^2 + \mu v \left[\left(\frac{\partial y^d}{\partial l} \right) - \theta \left(\frac{\partial y^d}{\partial \pi^e} \right) \right] \lambda + v\theta\mu \left(\frac{\partial y^d}{\partial l} \right) = 0 \quad (15)$$

Critério de Routh-Hurwitz para polinômios do terceiro grau do tipo:

$$\lambda^3 + \alpha_1\lambda^2 + \alpha_2\lambda + \alpha_3 = 0 \quad (16)$$

$$\alpha_1 > 0; \alpha_2 > 0; \alpha_3 > 0; \quad \alpha_1\alpha_2 - \alpha_3 > 0 \quad (17)$$

Temos:

$$v > 0 \quad ok!$$

$$\mu v \left(\frac{\partial y^d}{\partial l} - \theta \frac{\partial y^d}{\partial \pi^e} \right) > 0 \Leftrightarrow \frac{\partial y^d}{\partial l} > \theta \frac{\partial y^d}{\partial \pi^e} \quad (18)$$

Conforme se observa na equação (18) uma condição para a estabilidade do modelo é que o coeficiente de ajuste de expectativas seja baixo, ou seja, os agentes econômicos devem rever as suas expectativas inflacionárias lentamente com respeito ao erro de previsão de inflação.

Temos ainda que:

$$v\theta\mu\left(\frac{\partial y^d}{\partial l}\right) > 0 \quad \text{ok!}$$

$$v^2\mu\left[\frac{\partial y^d}{\partial l} - \theta\frac{\partial y^d}{\partial \pi^e}\right] - v\theta\mu\left(\frac{\partial y^d}{\partial l}\right) > 0 \Leftrightarrow (v-\theta)\frac{\partial y^d}{\partial l} - v\theta\frac{\partial y^d}{\partial \pi^e} > 0 \quad (19)$$

Uma condição necessária, embora não suficiente, para a validade de (19) é que $v > \theta$, ou seja, a velocidade de ajuste no mercado de bens seja maior do que a velocidade de ajuste das expectativas.

Comparando as duas regras de política monetária podemos concluir que a regra de Friedman é superior do que a regra de fixação da oferta real de moeda do ponto de vista da estabilidade do sistema dinâmico. Isso porque a adoção da regra de Friedman, ao invés da regra de fixação da oferta real de moeda, pode tornar o sistema dinâmico anteriormente descrito como estável desde que a economia em consideração seja tal que (i) a velocidade de correção de erros de previsão com respeito a taxa de inflação seja baixa e (ii) a velocidade de ajuste no mercado de bens seja maior do que a velocidade de correção dos erros de previsão. No regime de fixação da oferta real de moeda pelo BC, o sistema dinâmico era instável para quaisquer valores de θ e v , o que não ocorre no regime de controle da taxa de crescimento da oferta de moeda. Dessa forma, podemos afirmar que a regra de Friedman pode contribuir para estabilizar o sistema econômico.

3º Questão:

Neste modelo estamos supondo que as firmas ajustam instantaneamente o nível de produção à demanda observada pelos seus produtos, de forma que : $y^d = y$. Sendo assim, temos:

$$y = \left(\frac{\alpha\beta_0}{\alpha + \beta_1\psi}\right) + \left(\frac{\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi}\right)\bar{l} + \left(\frac{\alpha\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi}\right)\pi^e \quad (20)$$

Substituindo a equação (20) na equação da curva de Phillips, obtemos o valor de equilíbrio de curto-prazo da taxa de inflação, dado por:

$$\pi = \mu\left[\left(\frac{\alpha\beta_0}{\alpha + \beta_1\psi}\right) - \bar{y}\right] + \left[1 + \left(\frac{\mu\alpha\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi}\right)\right]\pi^e + \left(\frac{\mu\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi}\right)\bar{l} \quad (21)$$

Substituindo (20) na equação da curva LM obtemos o valor de equilíbrio de curto-prazo da taxa nominal de juros, dado por:

$$i = \left(\frac{\alpha\beta_0\psi}{\alpha(\alpha + \beta_1\psi)} \right) + \left(\frac{\alpha\beta_1\psi}{\alpha(\alpha + \beta_1\psi)} \right) \pi^e - \frac{1}{\alpha} \left(\frac{\alpha}{\alpha + \beta_1\psi} \right) \bar{l} \quad (22)$$

Item (b): mesmo da primeira questão (equação 9)

Item (c): Mesmo da segunda questão (equação 10).

Analisando a estabilidade do modelo:

O sistema de equações diferenciais é dado por:

$$\dot{\pi}^e = \mu [y(\pi^e, l) - \bar{y}] \quad (23)$$

$$\left(\frac{\dot{l}}{l} \right) = \Theta - \pi(\pi^e, l) \quad (24)$$

Linearizando o sistema em torno da posição de equilíbrio de longo-prazo, temos:

$$\dot{\pi}^e = \mu \frac{\partial y}{\partial \pi^e} (\pi^e - \pi_0^e) + \mu \frac{\partial y}{\partial l} (l - l_0) \quad (23a)$$

$$\left(\frac{\dot{l}}{l} \right) = -\frac{\partial \pi}{\partial \pi^e} (\pi^e - \pi_0^e) - \frac{\partial \pi}{\partial l} (l - l_0) \quad (23b)$$

Escrevendo o sistema na forma matricial, temos:

$$\begin{bmatrix} \dot{\pi}^e \\ \left(\frac{\dot{l}}{l} \right) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mu \frac{\partial y}{\partial \pi^e} & \mu \frac{\partial y}{\partial l} \\ -\frac{\partial \pi}{\partial \pi^e} & -\frac{\partial \pi}{\partial l} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \pi^e - \pi_0^e \\ l - l_0 \end{bmatrix} \quad (24)$$

O determinante da matriz jacobiana é : $\frac{\mu\beta_1}{\alpha + \psi\beta_1} > 0$, logo o sistema não apresenta trajetória de sela !

O traço da matriz Jacobiana é dado por: $\frac{(1-\alpha)\mu\beta_1}{\alpha + \beta_1\psi}$. Dessa forma, o sistema será estável se e somente se $\alpha > 1$ (traço negativo). Ou seja, o sistema só será estável caso a demanda de moeda seja muito sensível às variações da taxa de juros, o que é pouco

plausível do ponto de vista empírico e irônico com respeito à posição de Friedman sobre o tema.

Igualando (23) e (24) a zero (equilíbrio de longo-prazo) e diferenciando as equações resultantes com respeito a π^e e l , obtemos as seguintes expressões:

$$\pi = \theta \quad (25)$$

$$\left(\frac{d\pi^e}{dl} \right)_{\dot{\pi}^e=0} = \frac{\left(\frac{\partial y}{\partial l} \right)}{\left(\frac{\partial y}{\partial \pi^e} \right)} < 0 \quad (26)$$

Dessa forma, temos a seguinte configuração de equilíbrio de longo-prazo:

